

امتحان السداسي الرابع في : الرياضيات المالية

التمرين الأول: 14 نقطة

***تم توظيف مبلغ مالي قدره 12000 بمعدل فائدة قدره 7% في 15 جوان وبعد انقضاء مدة التوظيف كانت جملة المبلغ مقدرة ب 12179.66 ون --حدد تاريخ استحقاق هذا التوظيف

***مبلغ ثان جملة ديناره الواحد قدرت ب 1.25 ون ، بينما قدرت جملته بعد مدة 5000

--ما هي قيمة المبلغ الموظف --ما هي مدة التوظيف إذا كان معدل التوظيف 9%

***أحسب قيمة الخصم التجاري للمبلغ الأول

***إذا علمت أن القيمة الصافية للمبلغ الأول قدرت ب 11985.3035 ما هي قيمة العمولات المحتسبة على هذا التوظيف

***إذا احتفظنا بنفس المعطيات السابقة، فما هي المدة التي تحقق تكافؤ (تعادل) التوظيفين الماليين.

التمرين الثاني: 06 نقط

تم توظيف مبلغ 75000 دج لمدة 7 سنوات بمعدل سداسي فكانت جملته بعد 4 سنوات تقدر ب 102642.675 دج

1- أحسب معدل التوظيف. 2- أحسب الفوائد المتحصل عليها بعد نهاية مدة التوظيف.

3- بافتراض أن الجملة المتحصل عليها تم إعادة توظيفها بمعدل ثلاثي 2% فأنتجت بعد مرور فترة

زمنية معينة فائدة قدرها 10705.9137 دج - أحسب مدة التوظيف الجديدة.

بالتوفيق

حل التمرين الأول: 07 نقاط

1- تحديد تاريخ الاستحقاق : 02 ن

$$A = a (1 + i \cdot n/360)$$

$$12179.66 = 12000 (1 + 0.07n/360)$$

$$n = 77 \text{ يوما}$$

$$15 (\text{جوان}) + 31 (\text{جويلية}) + 31 \text{ أوت} = 77$$

تاريخ الاستحقاق هو 31 أوت

2- قيمة المبلغ الموطوف : 02 ن

$$(1 + i \cdot n/360) = 1.25$$

جملة الدينار الواحد

$$A = a (1 + i \cdot n/360)$$

$$5000 = a \times 1.25$$

$$\underline{a = 4000}$$

3- مدة التوظيف : 02 ن

$$(1 + i \cdot n/360) = 1.25$$

$$(1 + 0.09 n/360) = 1.25$$

$$n = 1000 \text{ يوم}$$

$$2.77 \text{ سنة، } 2 \text{ سنة و } 0.77 \times 12 = 9.24 \text{ شهرا}$$

$$9.24 \text{ شهرا أي ما يعادل } 9 \text{ أشهر و } 0.24 \times 30 = 7.2$$

المدة : سنتين و 9 أشهر و 7 أيام

4- قيمة الخصم التجاري ثم الحقيقي للمبلغ الأول : 02 ن

$$E_c = V_n \cdot i \cdot n = 12179.66 \times 0.07 \times 77/360 \quad ; \quad E_c = 182.3565$$

5- حساب قيمة العمولات : 04 ن

$$V_{\text{nette}} = V_n - \text{Agio}$$

$$\text{Agio} = V_n - V_{\text{nette}} = 12179.66 - 11985.3035 = 194.3565$$

$$\text{Agio} = E_c + \sum \text{Com} \quad , \quad \sum \text{Com} = \text{Agio} - E_c = 194.3565 - 182.3565 = 12$$

5- المدة التي تحقق التكافؤ : 02 ن

$$V_0 = V_0 ; \quad V_n \cdot (1-in) = V_n'' \cdot (1-in'')$$

$$12179.66(1-0.07n) = 5000(1-0.09n)$$

$$12179.66-852.5762n=5000-450n$$

$$12179.66-5000=(852.5762-450)n$$

$$7179.66=402.5762n$$

$$n=17.83 \text{ سنة}$$

حل التمرين الثاني: 06 نقط

المطلوب 1 : حساب معدل التوظيف؟ 4 سنوات ، المعدل سداسي (فائدة تدفع مرتين في السنة) إذن لدينا 8 فترات (4×2)

$$A_4 = a (1 + is)^{ns}$$

$$(1 + is)^8 = A_4 / a = 102642.675 / 75000 = 1.368569$$

من الجدول المالي رقم 01 نجد **is = 4%**

المطلوب 2 : حساب الفوائد؟ 7 سنوات ، المعدل سداسي (فائدة تدفع مرتين في السنة) إذن لدينا 14 فترة (7×2)

$$I_{14} = a[(1 + is)^{ns} - 1] \rightarrow I_{14} = [75000 (1 + 0.04)^{14} - 1]$$

$$\rightarrow I_{14} = 54875 \text{ دج}$$

المطلوب 3 : حساب مدة التوظيف؟

$$A_{14} = a + I_{14} = 75000 + 54875$$

$$**A_{14} = 129875.7 \text{ دج}**$$

المعدل ثلاثي (فائدة تدفع 4مرات في السنة)

$$\dot{I} = a[(1 + it)^{nt} - 1] \rightarrow (1 + it)^{nt} = [\dot{I}/a] + 1$$

$$=[10705.9137 / 129875.7$$

$$]+1$$

$$(1 + it)^{nt} = 1.082432$$

من الجدول المالي رقم 1 نجد

$$4n_t = 4 \text{ ثلاثيات أي سنة}$$